

## الفصل الخامس

### الإجراءات التجريبية للدراسة

- أولاً : عينة الدراسة.
- ثانياً: تكافؤ مجموعتي الدراسة.
- ثالثاً: تنفيذ تجربة الدراسة.
- رابعاً : التطبيق البعدي لأدوات الدراسة.
- خامساً : الأساليب الإحصائية المستخدمة.
- سادساً: نتائج الدراسة:
  - أ- النتائج المتعلقة بأداء الطلاب في اختبار التفكير الرياضي:
  - ب- النتائج المتعلقة بأداء الطلاب في اختبار التحصيل .
  - سابعاً : تعقيب عام على نتائج الدراسة.
  - ثامناً : توصيات الدراسة.
  - تاسعاً : مقتراحات الدراسة .

## الإجراءات التجريبية للدراسة

بعد إعداد وضبط أدوات الدراسة في الفصل السابق، سوف يتناول الفصل الحالي إجراءات تنفيذ تجربة الدراسة، وكيفية معالجة بياناتها إحصائياً، وما تم التوصل إليه من نتائج وتحليلها وتفسيرها ثم تقديم التوصيات والمقترنات التي نتجت عن الدراسة، وفيما يلي توضيح لذلك:

### إجراءات تجربة الدراسة :

#### الهدف من التجربة:

هدفت التجربة إلى دراسة فاعلية تدريس وحدتي المساحات والمساقط وفقاً لاستراتيجية الإثراء الوسيطي على تنمية بعض مهارات التفكير لدى طلاب الصف الثاني الإعدادي .

#### أولاً : عينة الدراسة:

تم اختيار عينة الدراسة من طلاب الصف الثاني الإعدادي بمدرستي ( ناصر الإعدادية ) ، (بلال بن رياح الإعدادية) التابعين لإدارة بنها التعليمية بمحافظة القليوبية وذلك في العام الدراسي 2006 / 2007 ، وتم تقسيمهم إلى مجموعتين إداهاما تجريبية، والأخرى ضابطة وهذا ما يوضحه الجدول التالي:

جدول (6)

#### يوضح توزيع عينة الدراسة

العدد نهاية التجربة	العدد في بداية التجربة	نوع الفصل داخل التجربة	الفصل	المدرسة
70	77	تجريبية	3-2	ناصر الإعدادية
			5-2	
70	79	ضابطة	1-2	بلال بن رياح
			2-2	
140	156		4	المجموع

يتضح من الجدول السابق أنه تم استبعاد نتائج ( 16 ) تلميذاً من مجموعتي الدراسة ، أي لم يتعامل الباحث مع نتائج هؤلاء التلاميذ في الدراسة الحالية، حيث تم استبعاد نتائج التلاميذ الذين رسوبا والباقيون، وأولئك الذين تغيبوا في إحدى مرات تطبيق أدوات الدراسة ( قبلياً / بعدياً ) ، كما تم استبعاد نتائج التلاميذ الذين تكررت مرات غيابهم أثناء تنفيذ التجربة وبذلك بلغ عدد تلاميذ العينة ( 140 ) تلميذاً من تلاميذ الصف الثاني الإعدادي.

ثانياً: تكافؤ مجموعتي الدراسة:

أ- العمر الزمني:

تم ضبط هذا المتغير (\*) بحسب العمر الزمني لكل تلميذ على حدة حتى 10/10/2007 م من طلاب عينة الدراسة من واقع السجل الرسمي للطلاب، وتم حساب المتوسط والانحراف المعياري وقيمة "ت" لبيان دلالة الفروق الإحصائية بين متوسطي أعمار طلاب مجموعتي عينة الدراسة بعد تحويل الأعمار السنوية إلى مقابلاتها الشهرية، وهذا ما يوضحه الجدول التالي :

جدول (7)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة بالنسبة للعمر الزمني

مستوى الدلالة (0.01)	قيمة "ت" المحسوبة	درجة الحرية	الانحراف المعياري	متوسط العمر	العدد	البيان
						المجموعة
غير دالة	0.068	138	0.40	14.30	70	التجريبية
			0.417	14.26	70	الضابطة

ومن خلال قيمة "ت" يلاحظ عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي أعمار طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة، مما يدل على تكافؤ المجموعتين بالنسبة لمتغير العمر الزمني.

2- الذكاء:

تم تطبيق اختبار الذكاء المصور قبل التدريس على طلاب مجموعتي الدراسة لضبط متغير الذكاء، وقد روعي في عملية التطبيق توضيح تعليمات الاختبار وكيفية الإجابة على أسئلة الاختبار إلى جانب الالتزام بالزمن المحدد للاختبار، وتم رصد درجات طلاب كل مجموعة على حدة وحساب المتوسط والانحراف المعياري وقيمة "ت" لبيان الدلالة الإحصائية للفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في اختبار الذكاء، وهذا ما يوضحه الجدول التالي :

جدول (8)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في اختبار الذكاء

مستوى الدلالة (0.01)	قيمة "ت" المحسوبة	درجة الحرية	الانحراف المعياري	متوسط الذكاء	العدد	البيان
						المجموعة
غير دالة	0.489	138	14.96	100.47	70	التجريبية
			15.25	101.73	70	الضابطة

(\*) تم استبعاد الطلاب الباقين للإعادة من هذا المتغير، وذلك لضبط - متغير العمر الزمني للطلاب والخبرة قدر الإمكان.

ومن خلال قيمة "ت" يلاحظ عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في مستوى الذكاء، مما يدل على تكافؤ المجموعتين في مستوى الذكاء.

### 3- التحصيل السابق في الرياضيات:

قام الباحث برصد درجات الطلاب في اختبار مادة الرياضيات للعام الدراسي 2006 / 2007م الفصل الدراسي الأول وذلك لضبط هذا المتغير، وتم حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري وقيمة "ت" لبيان دلالة الفرق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة، وهذا ما يوضحه الجدول التالي:

جدول (9)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات مجموعتي الدراسة بالنسبة للتحصيل السابق في الرياضيات

مستوى الدلالة (0.01)	قيمة "ت" المحسوبة	درجة الحرية	الانحراف المعياري	متوسط الدرجات	العدد	البيان
						المجموعة
غير دالة	0.378	138	7.92	39.1	70	التجريبية
			7.59	38.6	70	الضابطة

ومن خلال قيمة "ت" يلاحظ عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في مستوى التحصيل السابق، مما يدل على تكافؤ المجموعتين في مستوى التحصيل.

### 4- المستوى الثقافي والاقتصادي والاجتماعي:

حرص الباحث على أن يكون طلاب مجموعتي الدراسة من بيئة واحدة - مدينة بنها - محافظة القليوبية، غالباً ما يكون أبناء المدينة الواحدة متقاربين في المستوى الثقافي والاقتصادي، ولا يوجد بينهم تباين ملحوظ، لذلك يمكن اعتبار أن المجموعتين متكافئتين في هذا المتغير.

### 5 - مستوى التفكير الرياضي لدى طلاب مجموعتي الدراسة:

تم تطبيق اختبار التفكير قبلياً على طلاب مجموعتي الدراسة، وقد روعي في التطبيق توضيح التعليمات، والالتزام بالزمن المحدد للإجابة، وقد تم حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري وقيمة "ت" لبيان دلالة الفرق بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين التجريبية والضابطة في اختبار التفكير، وهذا ما يوضحه الجدول التالي :

جدول (10)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة قبلياً في اختبار التفكير لكل ومستوياته

## الإجراءات التجريبية للدراسة

بيان المهارة	المجموعة	العدد	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	قيمة (ف)	مستوى الدلالة (0.01)	قيمة (ت)	درجات الحرية	مستوى الدلالة (0.01)
التفكير الناقد	ضابطة	70	1.614	,945	,036	غير دالة	,093	138	غير دالة
	تجريبية	70	1.600	,875	,036	غير دالة	,093	138	غير دالة
الاستدلالي	ضابطة	70	1.086	,583	3.048	غير دالة	1.89	138	غير دالة
	تجريبية	70	1.293	,709	3.048	غير دالة	1.89	138	غير دالة
التفكير الابتكاري	ضابطة	70	2.486	,925	,081	غير دالة	,866	138	غير دالة
	تجريبية	70	2.614	,830	,081	غير دالة	,866	138	غير دالة
الاختبار ككل	ضابطة	70	5.186	1.786	,218	غير دالة	1.075	138	غير دالة
	تجريبية	70	5.507	1.752	,218	غير دالة	1.075	138	غير دالة

يتضح من الجدول السابق أن قيمة "ف" غير دالة إحصائياً عند مستوى  $\alpha \geq 0.01$  وهذا يدل على تجانس عينة الدراسة في مستوى التفكير، كما أن قيمة "ت" غير دالة إحصائياً عند مستوى  $\alpha \geq 0.01$  مما يدل على تكافؤ المجموعتين في مستوى التفكير قبل التجربة، وهذا يرجع إلى أن التغير الذي يمكن أن يحدث لكلاهما يعزى إلى متغيرات الدراسة.

وباستخدام اختبار "ت" للعينة الواحدة تم حساب مستوى التمكّن الفعلي والذي تتضح نتائجه كما يلي:

جدول (11)

### مستوى التمكّن الفعلي القبلي للتفكير الرياضي

مستوى التمكّن الفعلي	مستوى الدلالة	درجات	قيمة "ت"	الانحراف المعياري	المتوسط	العدد	المجموعة
%18 ,6	غير دالة	69	,443	1 ,75	5 ,51	70	التجريبية
%18 ,6	غير دالة	69	1 ,94	1 ,79	5 ,18	70	الضابطة

يتضح من الجدول السابق أن مستوى التمكّن الفعلي للمجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة (6,18%)، وهذا يؤكد مرة أخرى على تكافؤ مجموعتي الدراسة في مستوى التفكير الرياضي.

### ثالثاً: تنفيذ تجربة الدراسة:

بعد التحقق من تكافؤ مجموعتي الدراسة، بدأ التنفيذ الفعلي على النحو التالي :

أ- التدريس للمجموعة التجريبية:

قام الباحث بتدريس وحدتي المساحات والمساقط لطلاب المجموعة التجريبية باستخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي، وذلك من واقع دليل المعلم والمتنصّن تخطيط دروس الوحدتين المختارتين وفق الاستراتيجية، ووفق الجدول الزمني الذي وضح لتدريس هاتين الوحدتين حيث تم التدريس ابتداءً من يوم الأحد الموافق 14/2/2007م إلى الخميس الموافق 10/5/2007م حيث استغرق (30) حصة دراسية على مدار (10) أسابيع بواقع (45) دقيقة للحصة الواحدة بمعدل (3) حصص أسبوعياً، طبقاً للتوزيع المعتمد من توجيه الرياضيات ب Directorate of Education and Training بالقليوبية، وتم الاهتمام بما يلي:

- ١ - حرص الباحث على أن يتم التدريس في الحصص الثلاث الأولى من اليوم الدراسي، وذلك لتجنب عوامل الإرهاق والتعب التي قد يواجهها التلاميذ، وللاستفادة من طول الزمن للحصة في هذا الوقت الذي يصل إلى (45) دقيقة.
  - ٢ - عدم التعرض بالفقد لأفكار التلاميذ، وتقبل آرائهم، وذلك لتشجيعهم على عرض وتوليد أفكارهم مما يكون له أثر كبير على تهيئته بيئه تعليمية ديمقراطية مناسبة، تشجع على إتقان ممارسة مهارات التفكير لحل المشكلات الهندسية.
- ب - التدريس للمجموعة الضابطة:**
- سار التدريس للمجموعة الضابطة كما يلي:
- ١ - تم اختيار مدرس (\*) بإدارة بنها التعليمية للتدريس للمجموعة الضابطة كما هو متبع في المدارس، وقد روعي في اختياره أن يكون هناك تكافؤ بينه وبين القائم بالتدريس للمجموعة التجريبية (الباحث) من حيث المستوى المهني والأكاديمي وسنوات الخبرة.
  - ٢ - تقديم نفس المحتوى دون زيادة أو نقص، بنفس الترتيب للمجموعة الضابطة مع الاختلاف في طريقة معالجة المعلومات النظرية، ويرهنه المشكلات الهندسية، حيث يتم معالجتها بالنسبة للمجموعة التجريبية باستراتيجية الإثراء الوسيلي ، والمجموعة الضابطة بالاستراتيجية المعتادة في التدريس.
  - ٣ - أن يكون التدريس لمجموعتي الدراسة خلال الفترة الزمنية الموضحة سابقاً.

#### **ملاحظات الباحث على تجربة الدراسة:**

- ١ - حرص تلميذ المجموعة التجريبية على تنظيم الفصل المدرسي وإعادة ترتيب أثاثه قبل بداية حصة النشاط وندر غيابهم أثناء عملية التعلم، وذلك دل على استمتعان التلاميذ بالتدريبات المتضمنة بكراس النشاط.

---

\* الأستاذ / هشام ذكري سليمان مدرس الرياضيات بإدارة بنها التعليمية.

- ٢ - لاحظ الباحث ميل التلاميذ نحو تدريبات الوسائل الإثرائية المتضمنة بكراس النشاط، وهو أمر يكشف عن إثارة التدريبات الموضحة لانتباه الطلاب.
- ٣ - لاحظ الباحث تطور مهارات التفكير الرياضي لدى التلاميذ عند إنجاز بعض الأنشطة أو المشكلات الهندسية التي تتطلب الاستعانة بها، وهي مهارات ينبغي تعميتها لدى التلاميذ.
- ٤ - كان التلاميذ منشغلين بالتدريبات المتضمنة بكراس النشاط وأبدى كثير منهم الرغبة في إكمال التدريبات حتى بعد انتهاء الحصة الدراسية .
- ٥ - لاحظ الباحث تأثيراً متميزاً للوسائل الإثرائية المتضمنة بكراس النشاط، أتضح ذلك من خلال عملية تقويم الطلاب.

**رابعاً : التطبيق البعدى لأدوات الدراسة:**

- ١ - بعد الانتهاء من تدريس وحدتي المساحات والمساقط لطلاب مجموعتي الدراسة، تم التطبيق البعدى لكل من: اختبار التحصيل الدراسي واختبار التفكير الرياضي.
- ٢ - تم التطبيق البعدى لأدوات الدراسة ابتداءً من الفترة 2007/5/13 م حتى 2007/5/17 م.
- ٣ - تصحيح أوراق الإجابة: قام الباحث بتصحيح أوراق إجابة طلاب مجموعتي الدراسة سواء القبلية والبعدية باستخدام مفتاح التصحيح الذي أعده الباحث لكل أداه من أدوات الدراسة.
- ٤ - تم رصد الدرجات ومعالجتها بالأساليب الإحصائية المناسبة.

**خامساً : الأساليب الإحصائية المستخدمة:**

استخدم الباحث الرزمة الإحصائية SPSS. 15 For Windos Vista في استخراج النتائج بالأساليب التالية:

- ١ - اختبار "ت" للعينتين المستقلتين للمقارنة بين المجموعتين الضابطة والتجريبية قبلياً وبعدياً.
- ٢ - اختبار "ت" للعينتين المرتبطتين للمقارنة بين التطبيق القبلي والبعدى لكل من المجموعتين.
- ٣ - اختبار "ت" للعينة الواحدة لحساب مستوى التمكّن الفعلي لكلا المجموعتين الضابطة والتجريبية قبلياً وبعدياً لمعرفة معدل النمو .
- ٤ - حجم التأثير  $\eta^2$  لكلا المجموعتين الضابطة والتجريبية لدراسة حجم تأثير المتغير المستقل في المتغير التابع وحساب عوامل الصدفة ( العوامل العشوائية ).

**سادساً: نتائج الدراسة:**

**أ- النتائج المتعلقة بأداء الطلاب في اختبار التفكير الرياضي:**

للإجابة عن السؤال الرابع من أسئلة الدراسة والذي ينص على: "ما فاعلية إستراتيجية الإثارة الوسيطى في تتميم بعض مهارات التفكير في الرياضيات لدى طلاب المرحلة الإعدادية؟ تم صياغة الفروض التالية:

**الفرض الأول:** توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الناقد في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

**الفرض الثاني:** توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الاستدلالي في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

**الفرض الثالث :** توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الإبداعي في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

**الفرض الرابع :** توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى كل لصالح المجموعة التجريبية .

ولاختبار صحة هذه الفروض استخدم الباحث اختبار "ت" لمعرفة دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية، ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في اختبار التفكير الرياضى كل ومهاراته الفرعية.

**الفرض الأول :** لاختبار صحة الفرض الأول والذى ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى 0.01 بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الناقد في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية. تم معالجة البيانات الخاصة بهذا الفرض باستخدام اختبار "ت" لمتوسطين غير مرتبطين كما يلى:

(12) جدول

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في التطبيق البعدى لمهارة التفكير الناقد

## الإجراءات التجريبية للدراسة

مهارات التفكير الرياضي	المجموعه	العدد	المتوسط	الانحراف المعياري	درجات الحرية	قيمة "ف"	مستوى الدلالة	قيمة ت المحسوبة	مستوى الدلالة	مستوى
التفكير الناقد	التجريبية	70	6.71	,866	138	5 ,4	دالة	11.896	دالة	0,01
	الضابطة	70	4.70	1.11						

يتضح من الجدول السابق أنه:

توجد فروق ذات دلالة إحصائية عن مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية وطلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الناقد، لصالح المجموعة التجريبية في التطبيق البعدي . وهذا يشير إلى تحقق الفرض الأول من فروض الدراسة، وهذه النتيجة تتفق مع دراسات: ( خالد الليثي : 1999 )، ( دعاء زكي : 2006 )، ( Voughn : 2000 )، ( Jackson : 1993 ) . وترجع هذه النتيجة إلى الاستراتيجية وما تتضمنه من تدريبات الوسائل الإثرائية المرتبطة بتنمية مهارة التفكير الناقد .

**الفرض الثاني :** لاختبار صحة الفرض الثاني والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى 0.01 بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الاستدلالي في التطبيق البعدي لصالح المجموعة التجريبية . تم معالجة البيانات الخاصة بهذا الفرض باستخدام اختبار "ت" لمتوسطين غير مرتبطين كما يلي:

جدول (13)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعتي الدراسة في التطبيق البعدي لمهارة التفكير الاستدلالي .

مهارات التفكير الرياضي	المجموعه	العدد	المتوسط	الانحراف المعياري	درجات الحرية	قيمة "ف"	مستوى الدلالة	قيمة ت المحسوبة	مستوى الدلالة	مستوى
التفكير الاستدلالي	التجريبية	70	6.98	1.04	138	4 ,8	دالة	14.22	دالة	0,01
	الضابطة	70	4.12	1.317						

يتضح من الجدول السابق أنه:

توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية وطلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الاستدلالي لصالح المجموعة التجريبية في التطبيق البعدي وهذا يشير إلى تتحقق الفرض الثاني من فروض الدراسة ، وهذه النتيجة تتفق مع دراسات: ( Harold : 1992 )، ( Voughn : 1993 )، ( عبد المجيد منصور : 1998 )، ( خالد الليثي : 1999 ) ( سوسن كوسه: 2001 ) . وترجع هذه النتيجة إلى الاستراتيجية وما اشتملت عليه من تدريبات الوسائل الإثرائية المرتبطة بتنمية مهارة الاستدلال .

**الفرض الثالث :** لاختبار صحة الفرض الثالث والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة

## الإجراءات التجريبية للدراسة

الضابطة في مهارة التفكير الإبداعي في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية. تم معالجة البيانات الخاصة بهذا الفرض باستخدام اختبار "ت" لمتوسطين غير مرتبطين كما يلي:

جدول (14)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعة الدراسة في التطبيق البعدى لمهارة التفكير الإبداعي

مهارات التفكير الرياضي	المجموعه	العدد	المتوسط	الانحراف المعياري	درجات الحرية	قيمة "ف"	مستوى الدلالة	قيمة ت المحسوبة	مستوى الدلالة	متغير
التجريبية	التجريبية	70	7.99	,917	138	8 ,1	دالة	3.55	دالة	الإبداعي
	الضابطة	70	6.24	4.009						

ويتضح من الجدول السابق أنه:

توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الإبداعي ، لصالح المجموعة التجريبية في التطبيق البعدى، وهذا يشير إلى تحقق الفرض الثالث من فروض الدراسة، وهذه النتيجة تتفق مع دراسات : (Voughn : 1993)، (أحمد حمیر : 1993)، ( خالد الليثي : 1999 )، ( حفيظ إسماعيل : 2000 ) ، ( حسن هاشم ، علاء سعد : 2000 ) ، ( Ball : 2002 )، وترجع هذه النتيجة إلى تدريب الطلاب على إعادة صياغة المشكلات الهندسية وتقديمها بصورة غير مألوفة لإتاحة الفرص لإنتاج أفكار جديدة من خلال تدريبات الوسائل الإثرائية المتضمنة بكراس النشاط للتمرين.

**الفرض الرابع :** ولاختبار صحة الفرض الرابع والذي ينص على أنه " توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0.01 ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي ككل لصالح المجموعة التجريبية . تم معالجة البيانات الخاصة بهذا الفرض من خلال ما يوضحه الجدول التالي:

جدول(15)

يوضح دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب مجموعة الدراسة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي ككل

مهارات التفكير الرياضي	المجموعه	العدد	المتوسط	الانحراف المعياري	درجات الحرية	قيمة "ف"	مستوى الدلالة	قيمة ت المحسوبة	مستوى الدلالة	متغير
اختبار التفكير	التجريبية	70	21.68	2.19	138	9 ,5	دالة	10.51	دالة	التجربة

				4.76	15.08	70	الضابطة	ككل
--	--	--	--	------	-------	----	---------	-----

ويتضح من الجدول السابق أنه:

توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات طلب المجموعة التجريبية ودرجات طلب المجموعة الضابطة في اختبار التفكير الرياضي ككل لصالح المجموعة التجريبية في التطبيق البعدى، وهذا يشير إلى تحقق الفرض الرابع من فروض الدراسة، وتتفق هذه النتيجة مع ما توصلت إليه دراسات: ( غالب الطويل : 1991 ) ، ( Hojnacki , et al : 1992 ) ، ( Voughn : 1993 ) ، ( Cai : 2003 ) ، ( Aspinwall,Aspinwall: 2001 ) ، ( Schoenberger,Liming:2001 ) ، ( Craig, et al : 2003 ) ، ( عزة عبد السميم ، سمر لاشين : 2006 ) ، ( محمود عبد اللطيف ، السيد الوكيل : 2006 ) ، وترجع هذه النتيجة إلى الاستراتيجية وما اشتملت عليه من تدريبات وأنشطة مرتبطة بالدرس تساعد على تربية مهارات التفكير الرياضي . وباستخدام اختبار "ت" للعينة الواحدة One sample T - Test تم حساب مستوى التمكّن الفعلي بعدياً والذي تتضح نتائجه كما يلي:

#### جدول (16)

##### مستوى التمكّن الفعلي للتفكير الرياضي بعدياً للمجموعة التجريبية والضابطة

المجموعة	العدد	المتوسط	الانحراف المعياري	درجات الحرية	قيمة "ت"	مستوى الدلالة	مستوى التمكّن الفعلي
التجريبية	70	21,68	2,19	69	1,22	دالة	% 73,33
الضابطة	70	15,08	4,77	69	1,62	دالة	% 53,33

وتؤكّد النتيجة السابقة على أن المجموعة التجريبية أفضل من المجموعة الضابطة حيث ارتفع مستوى التمكّن فيها من 18,6% إلى 33,33% وبالنسبة للمجموعة الضابطة فقد ارتفع من 18,6% إلى 53,33% مما يدل على أن معدل النمو في المجموعة التجريبية التي استخدمت استراتيجية الإثراء الوسيلي كان أكثر من معدل النمو في المجموعة الضابطة.

ويمكن تفسير النتائج السابقة كما يلي :

تحقق أداء طلاب المجموعة التجريبية على أداء طلاب المجموعة الضابطة في اختبار التفكير ومكوناته الفرعية ، ويرجع ذلك إلى طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيلي التي تعمل على تربية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب المجموعة التجريبية من خلال محتوى وحدتي " المساحات والمساقط " ويمكن توضيح ذلك كما يلي:

- أثناء التدريس باستراتيجية الإثراء الوسيلي، يتم تقديم عدد من الوسائل الإثرائية التي تتضمن مجموعة من التدريبات من نوع الورقة والقلم، تتطلب من المتعلم تحليل الكلمات إلى الجزئيات، استنتاج قاعدة عامة من خلال عرض عدد من الحالات الفردية التي تشتراك في خاصية معينة ،

- وقد أدى تكرار استخدام هذه التدريبات في الدروس المتتابعة إلى زيادة قدرة الطالب على ممارسة تلك المهارات داخل محتوى وحدي " المساحات والمساقط ".
- ٢ - إتاحة الفرصة للطلاب لبناء أفكار جديدة وتطويرها مما يساعد على تنمية التفكير الإبداعي .
- ٣ - توفير الفرص الملائمة للطلاب للقيام بأنشطة إبتكارية والبحث عن حلول أصلية للمشكلات غير الروتينية.
- ٤ - إتاحة الفرص للطلاب للحكم على الأفكار ، ونقد الحلول المطروحة مما يشجع على تنمية التفكير الناقد .
- ٥ - القدرة على كتابة البرهان الهندسي والتحقق من صدقه والذي هو أساس التفكير الاستدلالي الذي هو تشغيل العمليات العقلية العليا وهذا متطلب أساسى للاستدلال الرياضي.
- ٦ - التلميذ هو محور العملية التعليمية في الإثراء الوسيلي ، حيث يقوم بعمل مستقل يمارس من خلاله المهارات العقلية المفردة ، ويعتمد على نفسه في الوصول إلى الحل ، وإذا فشل يحاول إعادة التفكير من أجل التوصل إلى الحل الصحيح ، وبذلك يصبح التلميذ أكثر قدرة على ممارسة مهارات التفكير الرياضي وتوظيفها في أثناء دراسته لمحتوى وحدي " المساحات والمساقط ".
- ٧ - دور المعلم أثناء التدريس باستراتيجية الإثراء الوسيلي " وسيط " بين الطالب والتدريبات التي يقومون بحلها ، حيث يشجعهم على التفكير ، ويوجههم إلى الخطوات الأساسية التي يجب إتباعها للوصول إلى الحل دون أن يقدم لهم حلول جاهزة ، وقد يؤدي ذلك إلى زيادة ثقة التلميذ بنفسه وبأنه قادر على التعلم والتفكير بمفرده.
- ٨ - المناقشة التي تدور بين المعلم والطلاب أثناء التدريس باستراتيجية الإثراء الوسيلي تؤدي إلى زيادة الدافعية نحو التعلم ، وتوليد تساؤلات واستفسارات من جانب الطالب ، وإنتاج أفكار جديدة ، وزيادة التفاعل بين الطالب والمشاركة في العملية التعليمية .

\* في ضوء ما سبق يتضح لنا طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيلي ، وما تحدثه في تنمية مهارات التفكير الرياضي ويمكن تفسير ذلك في ضوء ما تميز به الإستراتيجية من ضرورة تفهم الطالب للمشكلة والبحث عن معنى ، وتحديد المعلومات ذات العلاقة ، وتحديد كيفية الربط بينها ، بالإضافة إلى أن استراتيجية الإثراء الوسيلي قد ساعدت الطالب على تحليل الهدف النهائي الذي تسعى إليه ، إلى أهداف جزئية وترتيبها منطقياً بما يساعد على فهم المشكلة والوصول إلى الحل .

ويمكن تفسير نتائج مهارات التفكير الرياضي بشكل أكثر وضوحاً كما يلي:

- تفوق أداء المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الناقد ، يرجع بصورة أساسية إلى وسيلة العلاقات المتعددة ، ووسيلة التعليمات ، حيث تتطلب من الطالب إدراك الحقائق الموضوعية في المشكلة والوصول إلى نتائج معينة من حقائق وتعليمات موجودة بالمشكلة

الهندسية ، واستخلاص نتائج سليمة ، إعادة تنظيم الجمل المنطقية بصورة صحيحة . ودور المعلم هنا هو تعديل أسلوب الطالب وتصحيحه وتوجيهه إلى الأسلوب السليم .

- تفوق المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في أدائهم الخاص بمهارة التفكير الاستدلالي يرجع بصورة أساسية إلى القياس المنطقي وال العلاقات المفاهيمية وإحدى وسائل الإثراء الوسيلي التي تتطلب من الطالب ملاحظة المخطط التفصيلي ، وإدراك العلاقات بين أبعاده ثم الاستنتاج المنطقي لبعض المعلومات الرياضية الناقصة به والتي تتطلب من الطالب استنتاج بعض العلاقات بين المفاهيم المتضمنة بالوحدات المختارة " المساحات والمساقيط " ، بالإضافة إلى استخدام تدريبات الإدراك التحليلي حيث تتطلب من الطالب تحليل الشكل الهندسي المرسوم أمامه إلى عناصره ومكوناته الجزئية المكونة له ، وإدراك ما بين هذه العناصر من علاقات ، لهذا تفوق أداء المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة .

- تفوق أداء المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة في مهارة التفكير الابتكاري ، يرجع بصورة أساسية إلى استخدام مجموعة من الرسوم التوضيحية وتنظيم النقاط والتي تعتبر من الوسائل الإثراه المستخدمة بالإستراتيجية وبنكراز تدريبات هذه الوسائل ، يستطيع التلميذ إنتاج أفكار جديدة ، هذا بالإضافة إلى رسائل أخرى مثل الإدراك التحليلي . قد أدى ذلك إلى ارتفاع أداء طلاب المجموعة التجريبية في مهارة التفكير الابتكاري حيث تتطلب هذه الوسائل من التلميذ ملاحظة أبعادها ومكوناتها ، من أجل الوصول إلى أفكار جديدة .

- تفوق أداء طلاب المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة في اختبار التفكير كل ، يرجع ذلك إلى ارتفاع معدل أداء طلاب المجموعة التجريبية في مهارات التفكير التي يقيسها الاختبار على أداء المجموعة الضابطة .

ولهذا يمكن القول أن استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي في تدريس محتوى الوحدات المختارة يؤدي إلى تحسين تدريس هذا المحتوى ، وتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب وهذا يتافق مع ما توصلت إليه دراسات : ( Niekerk, Aletta : 1991 ) ، ( Martin,Jonas : 1988 ) ، ( Gail : 1997 ) ، ( lurie ; Kozulin : 1995 ) ، ( Offenberg : 1992 ) ، ( Victor : 1994 ) ، ( Karen : 2000 ) ، ( إبراهيم شعير : 2003 ) ، ( العزب زهران ، عبد القادر محمد : 2004 ) ، ( زبيدة قرنى : 2005 ) ، ( Onita : 2005 ) ، ( إحسان الحلبى : 2005 ) ، والتي أظهرت نتائجها فعالية استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي في التدريس وتنمية العديد من المتغيرات كالتفكير بأنماطه المختلفة، حيث يعتبر التفكير الرياضي وتنمية مهاراته أحد هذه الأنماط، كما استخلصت هذه الدراسات أن الإثراء الوسيلي يعمل على تنمية المهارات والقدرات العقلية، وتعديل البنية المعرفية والمهارات السلوكية.

الفرض الخامس :

يتحقق استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي في تدريس الرياضيات لطلاب المجموعة التجريبية مستوى مناسب من الفاعلية في تنمية مهارات التفكير الرياضي.  
ولاختبار صحة هذا الفرض تم حساب حجم التأثير للمتغير المستقل على المتغير التابع (مستوى التفكير الرياضي) والذي تتضح نتائجه كما يلي :

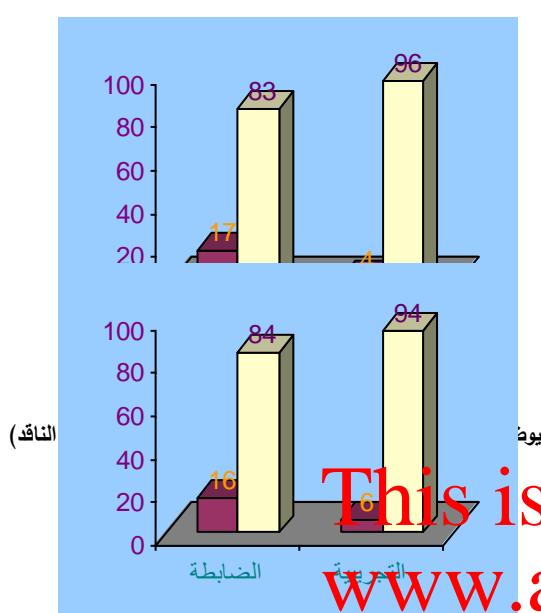
جدول (17)

حجم تأثير  $\eta^2$  للمتغير المستقل على مستوى التفكير الرياضي " قبلى - بعدي " للمجموعة التجريبية والضابطة .

$\eta^2$	قيمة "ت"	درجات الحرية	الانحراف المعياري	المتوسط	العدد	المجموعة	التطبيق	البيان
,96	42,01	69	1,02	5,11	70	تجريبية	قبلى - بعدي	التفكير الناقد
,83	18,84	69	1,38	3,10	70	ضابطة	قبلى - بعدي	
,94	35,69	69	1,33	5,69	70	تجريبية	قبلى - بعدي	التفكير الاستدلالي
,84	19,49	69	1,30	3,04	70	ضابطة	قبلى - بعدي	
,97	48,46	69	,93	5,37	70	تجريبية	قبلى - بعدي	التفكير الإبداعي
,45	7,62	69	4,13	3,76	70	ضابطة	قبلى - بعدي	
,98	62,59	69	2,16	16,17	70	تجريبية	قبلى - بعدي	التفكير الرياضي ككل
,80	17,15	69	4,83	9,89	70	ضابطة	قبلى - بعدي	

يتضح من الجدول السابق أن:

- 96 % من التغيير الذي حدث في التفكير الناقد في المجموعة التجريبية يرجع إلى استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي ، وأن 4 % من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة والعوامل العشوائية ، بينما في المجموعة الضابطة %83



يرجع إلى دراسة الرياضيات وأن 17% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) .

٢ - 94% من التغيير الذي حدث في التفكير الاستدلالي في المجموعة التجريبية يرجع إلى استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي وأن 6% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) بينما في المجموعة الضابطة 84% يرجع إلى دراسة الرياضيات وأن 16% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة .

٣ - 97% من التغيير الذي حدث في التفكير الإبداعي في المجموعة التجريبية يرجع إلى استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي وأن 3% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) بينما في المجموعة الضابطة 45% يرجع إلى دراسة الرياضيات وأن 55% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) .

٤ - 98% من التغيير الذي حدث في التفكير الرياضي ككل في المجموعة التجريبية يرجع إلى استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي وأن 2% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) . بينما في المجموعة الضابطة 80% يرجع إلى دراسة الرياضيات وإن 20% من هذا التغيير يرجع إلى عوامل الصدفة (العوامل العشوائية) .

ما سبق يتضح ومن خلال قيم  $\eta^2$  أن حجم تأثير المتغير المستقل على (المتغير التابع) التفكير الرياضي ككل ومكوناته الفرعية لكل من مجموعتي الدراسة ترجع إلى ما يلي :

- ما تميز به استراتيجية الإثراء الوسيلي وما وفرته للمتعلم من دراسة المحتوى بفهم ووعي ، حيث أتاحت هذه الاستراتيجية من خلال العمل المستقل فرصة الاعتماد على النفس والتفكير الذي هو جوهر عملية التحاور وتبادل الأدوار وزيادة المشاركة في التفاعل مع المعلم من خلال مرحلة المناقشة ، حيث يمارس المتعلم أنشطة ذهنية وعمليات أدائية مصاحبة للتعلم ، بالإضافة على التدريب المستمر على مهارات التفكير الرياضي من خلال تدريبات الوسائل الإثرائية ، كل هذا شجع الطالب على إثارة تفكيرهم وزيادة دافعيتهم نحو تعلم مهارات التفكير الرياضي والتمكن منها . ويؤكد ذلك قول :
- ( نايفه قطامي : 2001 : 24 ) بأن مهارات التفكير يمكن تطويرها وتنميتها بالتدريب والممارسة .

- قد ساعدت الاستفسارات المطروحة من جانب الطلاب على حفز العمليات المعرفية لكل الطلاب ، فهذه الاستفسارات تحت الطلاق على تنشيط معلوماتهم الخاصة بمهارات التفكير الرياضي من حيث استنتاجات علاقات رياضية صحيحة من علاقات منطقية سبق التوصل إليها ، توليد أفكار جديدة ، وإدراك الحقائق ، ومثل هذا النشاط المعرفي من المتوقع أن يظهر في شكل إجابات واضحة تؤدي إلى تتميم مهارات التفكير الرياضي تدريجياً .
- الاهتمام بالأنشطة والوسائل الإثرائية التي تساعد الطلاب على تعديل البنية المعرفية، حيث تؤكد نظرية المعرفة الاجتماعية على البناء المعرفي للطلاب يكون أسهلاً من خلال التفاعل مع المعلم باستخدام استفسارات وتساؤلات الطلاب لأنه أثناء هذا التفاعل تتصارع الأفكار المؤدية للحل وتختلف الإدراكات ثم تتوافق نقد يعرف التلميذ القاعدة ولكنه لا يستطيع تطبيقها أو كيفية استخدامها ، وقد يكون لدى الطلاب تصورات خاطئة عن بعض المفاهيم والتعميمات ، فذلك طرفاً فصلة عن الحل السليم ومن ثم فمن خلال عملية حل تلك الصراعات المعرفية لدى الطلاب تتكون معرفة رياضية جديدة تساعدهم في الوصول للحل السليم . ويتتفق ذلك مع ما أكدته دراسة (يسمين زيدان : 1996) حيث أشارت إلى أن التحسن في أداء الطلاب للمهارات الهندسية يرجع إلى الأنشطة بالبرنامج والموافق التعليمية المخصصة لتدريب الطلاب على كل مهارة هندسية واكتشاف الأخطاء وقد حدوثها ، وتحديد الخطوة التي يحدث فيها الخطأ، والعمل على تصحيحها، وإعطاء الطلاب الوقت الكافي للتدريب على كل مهارة.
- وتنتفق نتائج هذا الجزء مع ما جاءت به نتائج دراسة كل من ( Martin, Jonas: 1988 ) ( Offenberg : 1992 : 1994 ) ( Mulcahy, et al : 1993 ) ( Victor : 1994 ) ( Judi : 1995 ) ( Gail : 1997 ) ( kozulin, Lurie : 1999 ) ( عبير البهنساوي: 2002 ) ( Karen : 2003 ) ( زبيدة قربني : 2005 ) ( Gouzman : 2006 ) ، بينما اختلفت النتائج التي توصلت إليها هذه الدراسة هذه الدراسة مع نتائج دراسة ( Stavros : 1989 ) ( Mccollum : 1996 ).

#### ب - النتائج المتعلقة بأداء الطلاب في اختبار التحصيل .

للإجابة عن السؤال الخامس من أسئلة الدراسة والذي ينص على " ما فاعلية استراتيجية الإثارة الوسيلي في مستوى التحصيل في الرياضيات لدى طلاب المرحلة الإعدادية " تم صياغة الفرض التالي: توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( $0.01$ ) بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيل للكل ومستوياته المعرفية المكونة له لصالح المجموعة التجريبية.

ولاختبار صحة هذا الفرض تم استخدام اختبار " ت " لمعرفة دلالة الفروق بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في اختبار التحصيل الدراسي ككل ومستوياته المعرفية المكونة له وهذا ما يوضحه الجدول التالي :

جدول (18)

يوضح قيمة "ت" ودلالتها الإحصائية لمتوسطي درجات مجموعتي الدراسة في اختبار التحصيل الدراسي البعدى ككل ومستوياته المعرفية (التذكر - الفهم - التطبيق - حل المشكلات)

مستوى الدلالة ,01	قيمة ت المحسوبة	درجات الحرية	مستوى الدلالة ,01	قيمة "ف"	الانحراف المعيارى	المتوسط	العدد	المجموعة	البيان
دالة	5.17	138	دالة	9 ,03	1.33	7.58	70	تجريبية	التذكر
					1.95	6.12	70	ضابطة	
دالة	4.60	138	دالة	2 ,47	1.52	6.61	70	تجريبية	الفهم
					1.84	5.29	70	ضابطة	
دالة	7.86	138	دالة	,06	1.41	5.61	70	تجريبية	التطبيق
					1.47	3.70	70	ضابطة	
دالة	7.54	138	دالة	1 ,41	1.01	3.60	70	تجريبية	حل المشكلات
					,89	2.39	70	ضابطة	
دالة	6.91	138	دالة	1 ,25	4.68	23.40	70	تجريبية	الاختبار ككل
					5.39	17.49	70	ضابطة	

يتضح من الجدول السابق أنه:

\* توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مستوى التذكر في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

\* توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مستوى الفهم في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

\* توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مستوى التطبيق في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

\* توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في مستوى حل المشكلات في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

\* توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ( 0,01 ) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية ودرجات طلاب المجموعة الضابطة في اختبار التحصيل الدراسي ككل في التطبيق البعدى لصالح المجموعة التجريبية.

وباستخدام اختبار "ت" للعينة الواحدة One sample T- test تم حساب مستوى التمكן الفعلى بعدياً والذي تتضح نتائجه كما يلي :

جدول (19)

يوضح مستوى التمكן الفعلى في التطبيق البعدى لاختبار التحصيل للمجموعة التجريبية والضابطة

المجموعة	العدد	المتوسط	الانحراف	درجات	قيمة "ت"	مستوى	مستوى التمكن
----------	-------	---------	----------	-------	----------	-------	--------------

الفعلي	الدالة			المعياري			
%55,81	دالة	1,07	69	4,68	23,40	70	تجريبية
%43,72	دالة	1,55	69	5,40	17,49	70	ضابطة

ويؤكد النتيجة السالفة الذكر في كون الدراسة أن المجموعة التجريبية أفضل من المجموعة الضابطة أي أن مستوى تمكن المجموعة التجريبية بعدياً 55,81 % أكثر من مستوى تمكن المجموعة الضابطة بعدياً 43,72 % مما يدل على أن مستوى تمكن المجموعة التجريبية التي استخدمت استراتيجية الإثراء الوسيطى كان أكثر من مستوى تمكن المجموعة الضابطة .

ويرجع الباحث تقدم مستوى تمكن المجموعة التجريبية على مستوى تمكن المجموعة الضابطة إلى ما يلى :

- الاهتمام بإعادة صياغة محتوى وحدتي " المساحات والمساقط " وتقديمها بصورة غير مألوفة لإتاحة الفرصة للطلاب في إنتاج الأفكار لحل التدريبات
- الاهتمام بالأنشطة والتدريبات المتضمنة بالوسائل الإثرائية ضمن الاستراتيجية التي تساعدهم على تبسيط المشكلة وفهمها بصورة واضحة مما يتميّز القدرة على التذكر .
- التركيز على تكرار التدريبات وجعل المتعلم محور العملية التعليمية ، وهذا من شأنه زيادة التحصيل لدى طلاب المجموعة التجريبية .
- التركيز على مشاركة طلاب المجموعة التجريبية للمعلم في مناقشة الأفكار وما يطرحونه من تساؤلات واستفسارات عن مفاهيم وعلاقات جديدة مما يؤدي بالطلاب إلى إدراك الأسباب التي تربط بين مفهومين أو أكثر بعلاقة معينة مما يكون له أكبر الأثر في زيادة مستوى تحصيلهم .
- الاهتمام بالتطبيقات والتقويم عقب كل درس على المفاهيم والتعليمات .
- ما تتميز به استراتيجية الإثراء الوسيطى وما وفرته للتلميذ من دراسة المحتوى بفهم ووعي ، حيث أتاحت هذه الاستراتيجية أقام الطالب فرصة الاعتماد على أنفسهم والتفكير في خطوات الحل من خلال ( العمل المستقل ) .
- تدريب الطالب على اكتشاف الأخطاء من خلال دور المعلم ك وسيط أثناء تعلم جوانب التعلم المتضمنة بوحدتي " المساحات والمساقط " ، وقد ساعد ذلك الطالب على الانتباه والتركيز على العناصر الهامة المتضمنة في تلك الجوانب ، والقدرة على فهمها وتخزينها بالذاكرة واسترجاعها ، كما يسهل تنظيم المحتوى من خلال مرحلة المناقشة .
- وجود علاقة ارتباطية موجبة بين التفكير والتحصيل الدراسي ، حيث أن تفوق طلاب المجموعة التجريبية في التفكير الرياضي أدى إلى زيادة تحصيلهم الدراسي ، ويمكن تفسير النتائج السابقة كما يلى :

\* في ضوء ما سبق عرضه من نتائج يتضح أن تدريس جوانب التعلم المتضمنة في مقرر الهندسة لطلاب الصف الثاني الإعدادي بالفصل الدراسي الثاني باستخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي بالدراسة الحالية قد أسهمت في زيادة التحصيل الدراسي ككل ، وفي كل المستويات المعرفية المكونة له كلاً على حدة لدى طلاب المجموعة التجريبية مقارنة بتحصيل أقرانهم في المجموعة الضابطة لتلك الجوانب ويعزى الباحث ذلك إلى :-

- 1- وجود فروق ذات دالة إحصائيةً بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية ، وطلاب المجموعة الضابطة عند مستوى التذكر في اختبار التحصيل الدراسي ، وهذا يدل على أن استراتيجية الإثراء الوسيلي لها أثر دال في تتميم قدرة التذكر ، ويرجع ذلك إلى طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيلي والتي تعتمد على استثارة تفكير الطالب وتشييط ذهنهم ، وإكسابهم المعلومات على مستويات عليا من التفكير .
- 2- بالنسبة للمستوى المعرفي ( الفهم ) ، نجد أن متوسط درجات المجموعة التجريبية أعلى من متوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة وتدل هذه المؤشرات على وجود فروق دالة إحصائيةً بين متوسطي درجات طلاب المجموعتين ، حيث تصل هذه الفروق إلى مستوى الدلالة المطلوبة ويرجع ذلك إلى طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيلي والتي تعتبر التلميذ محور العملية التعليمية ، حيث يقوم بعمل مستقل يكتسب من خلاله جوانب التعلم المتضمنة بالدرس ، ودور المعلم هو التوجيه والإرشاد وتقديم العون والمساعدة بالإضافة إلى دوره ك وسيط بين التلميذ وجوانب التعلم المتضمنة بالدرس ، حيث يساعد على تفسيرها والتعمير عنها بأكثر من طريقة ، لذا نجد أن مستوى أداء طلاب المجموعة التجريبية قد ارتفع عن مستوى أداء طلاب المجموعة الضابطة .
- 3- بالنسبة للمستوى المعرفي ( التطبيق ) ، نجد أن متوسط درجات المجموعة التجريبية أعلى من متوسط درجات المجموعة الضابطة في اختبار التحصيل الدراسي ، وتدل هذه المؤشرات على تفوق أداء طلاب المجموعة التجريبية على أداء طلاب المجموعة الضابطة ، ويرجع ذلك إلى قدرة التلميذ والاعتماد على نفسه في حل التدريبات المقدمة له أثناء العمل المستقل ، حيث يقدم المعلم في كل درس من دروس وحدتي " المساحات والمساقط " عدد من الوسائل الإثرائية التي تضع التلميذ أمام موافق جديدة ومشكلة يتحتم عليه التعامل معها ، والقيام بمهام مختلفة من أجل الوصول إلى حلول صحيحة ، مما يؤدي إلى زيادة قدرة التلميذ على تطبيق ما لديهم من معلومات في موافق أخرى جديدة .
- 4- بالنسبة للمستوى المعرفي ( حل المشكلات ) ، تفوق أداء المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة في مستوى حل المشكلات باختبار التحصيل الدراسي ، يرجع بشكل أساسى إلى استخدام الوسائل الإثرائية التي تعمل على تتميم مهارة حل المشكلات ، أحد المستويات المعرفية العقلية العليا . وهذه الوسائل ( القياس المنطقي الإدراك التحليلي ) . حيث تم توظيف هذه الوسائل من خلال محتوى وحدتي " المساحات والمساقط " لتدريب الطالب على مهارة فهم المشكلة ، من خلال العمل المستقل ثم يليها مرحلة مراجعة الحل والتحقق من صحته ، وأخيراً مهارة تنفيذ المشكلة من خلال المناقشة .

5- بالنسبة للتحصيل الكلي ، قد تفوقت المجموعة التجريبية على المجموعة الضابطة في الدرجة الكلية لاختبار التحصيل الدراسي ، فقد ارتفع متوسط تحصيل المجموعة التجريبية عن متوسط تحصيل المجموعة الضابطة ، ويرجع ذلك إلى أن استراتيجية الإثراء الوسيطي تعمل على إثراء المواقف التعليمية بالعديد من الوسائل التي يتربّب الطالب من خلالها على ممارسة بعض مهارات التفكير ، واستخدام هذه المهارات في اكتساب جوانب التعلم حيث يقوم التلميذ بجمع المعلومات وتنظيمها وتكوين علاقات بينها والتوصل من خلالها إلى استنتاجات هذا بالإضافة إلى أن العمل المستقل الذي يقوم به كل تلميذ أثناء الدرس ، قد أدي إلى زيادة الدافعية لدى التلميذ للتعلم ، والوصول إلى أفضل مستوى مقارنة بزملائه ، ومن ثم فقد ارتفع أداء المجموعة التجريبية في تحصيلهم الكلي للمفاهيم والمعميمات المتضمنة بمحتوى وحدتي " المساحات والمساقط " بعكس الاستراتيجية التقليدية (المعتادة) في التدريس التي تعمل على تشكيل فكر الطالب في قوالب جامدة ، حيث يقوم المعلم بحل التمارين على السبورة ، ومن ثم يقوم الطالب بنقلها في الكراس دون إعمال فكرهم ، ومن هنا يقتصر دور الطالب على الحفظ والاستظهار دون إعمال العقل فيما يتعلمونه ، كما يقتصر دور المعلم على التلخيص دون إتاحة الفرصة للطالب لكي يفكروا .

وتنقق نتائج هذه الدراسة مع نتائج دراسة كل من : ( Martin ; Jonas : 1988 ) ، ( عبير البهنساوي : 1999 ) ، ( حمدي البنا : 2000 ) ، ( Judi : 2002 ) ، ( إبراهيم شعير : 2003 ) ، ( العزب زهران ، عبد القادر محمد : 2004 ) ، ( إحسان الحلبي : 2005 ) ، ( Onita : 2005 ) ، ( Stavros : 2006 ) بينما اختلفت النتائج التي توصلت إليها هذه الدراسة مع نتائج دراسة ( Gouzman : 1989 )

#### سابعاً: تعقيب عام على نتائج الدراسة:

##### 1 - تفسير نتائج الدراسة المتعلقة بمهارات التفكير الرياضي :

\* يمكن إرجاع ارتفاع متوسط درجات الطالب في اختبار التفكير الرياضي ككل - ومكوناته الفرعية ( التفكير الناقد - والتفكير الاستدلالي - التفكير الابداعي ) لدى طلاب المجموعة التجريبية مقارنة بطلاب المجموعة الضابطة ، بالإضافة إلى وجود فروق دالة إحصائياً عند مستوى 0.01 بين متوسطي درجات طلاب المجموعة التجريبية في التطبيق القلي والبعدي لاختبار التفكير الرياضي لصالح الطالب في التطبيق البعدى إلى طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيطي ، وما تتضمنه من وسائل إثرائية تشتمل على تدريبات تعمل على استثارة تفكير الطالب ، والتي تجعل التلميذ محوراً للعملية التعليمية ، وتحمله المسؤولية في الوصول إلى الحل من خلال تدريبات محتوى وحدتي " المساحات والمساقط " من خلال العمل المستقل ، ولا شك أن لذلك أكبر الأثر في تدريب التلميذ وشحذ فكره لكي يجرب ويجدد في حلوله .

\* كما قد يرجع هذا الارتفاع في درجات طلاب المجموعة التجريبية عن درجات طلاب المجموعة الضابطة على اختبار التفكير الرياضي ككل ومكوناته الفرعية(التفكير الناقد - الاستدلالي - الابداعي ) إلى العينة المعرفية المشتركة لمتطلبات حل مشكلة النشاط ( الترتيب ) ومتطلبات التفكير الرياضي - بالإضافة إلى دور المعلم ك وسيط أثناء عملية التعلم ، حيث يتميز محتوى هذه الوسائل الإثرائية بكونه غير التقليدي ، وتشجع التدريبات الطلاب على تعدد الحلول وتعدد الطرق التي يمكن الوصول بها إلى الحل .

\* دلت نتائج الدراسة الحالية على أن طلاب المجموعة التجريبية هم أكثر استفادة من محتوى وحدتي " المساحات والمساقط " المقرر تدريسها على طلاب الصف الثاني الإعدادي الفصل الدراسي الثاني ، مقارنة بطلاب المجموعة الضابطة وذلك بالنسبة إلى اختبار مهارات التفكير الرياضي ، ويرجع السبب في تلك النتيجة إلى تقديم عدد من الوسائل الإثرائية التي تتضمن مجموعة من التدريبات الخاصة بمحتوى الوحدتين المختارتين ، وقد أدى تكرار استخدام تلك التدريبات في الدروس المتتابعة إلى زيادة قدرة الطلاب على ممارسة مهارات التفكير وتحسين أدائهم ، بالإضافة إلى ما يتميز به استراتيجية الإثراء الوسيلي من تحليل الهدف النهائي الذي تسعى إليه ، إلى أهداف جزئية وترتيبها منطقياً بما يساعد على فهم المشكلة والوصول إلى الحل .

\* تشير نتائج الدراسة بأن استخدام طلاب المجموعة التجريبية لاستراتيجية الإثراء الوسيلي ، قد ساعد على التعلم الفعال والقيام بدور إيجابي في تحمل مسؤولية التعلم ، كما ساعدهم على ممارسة الأنشطة العقلية المتعددة .

\* أتاح العمل المستقل للطلاب الفرصة للتفكير ، وتعلمهم كيف يفكرون قبل الإجابة ، ومارسة التفكير الفردي والتأملي في تفكيره مما ساعد على استدلال واستيعاب المفاهيم والمعارف الرياضية المرتبطة بموضوع الدرس وبذلك أصبح متعلم مستقل وأكثر وعيًا باستخدام المعرف والمعلومات الرياضية المرتبطة بموضوع الدراسة وتوظيفها في مواقف التعلم المختلفة ، كما تعلم كيف يولّد أفكاراً جديدة ، ونتائج لاكتساب مهارة مواجهة عمليات تفكيره أثناء حل التدريبات المتضمنة لمحتوى الدرس ، أن زادت قدرته على تصحيح أخطاء تعلمها وذلك أثناء المناقشة وما يطرحه من استفسارات وتساؤلات . مما أدى إلى زيادة متوسط درجاته في اختبار التفكير الرياضي ، حيث كانت إجابة غالبية الطلاب صحيحة .

\* لعل أبرز ما توصلت إليه الدراسة الحالية من نتائج ، هو الإحساس بالحاجة الماسة لمزيد من التدريب على استراتيجية الإثراء الوسيلي في مواقف التعلم المختلفة ، إذا كان هدفنا أن يكون الارتفاع بمستوى الأداء أحد النتائج التربوية التي يجب أن يصل إليها الطلاب ولعل هذه الدراسة تمثل خطوة أولية على هذا الطريق .

2 - تفسير نتائج الدراسة المتعلقة بالتحصيل الدراسي :-

\* يمكن إرجاع تفوق المجموعة التجريبية على أداء المجموعة الضابطة إلى طبيعة استراتيجية الإثراء الوسيطي التي تعتمد على استثارة تفكير الطالب وتنشيط ذهانهم ، وإكسابهم المعارف الرياضية المتضمنة لجوانب التعلم .

\* استخدام استراتيجية الإثراء الوسيطي استطاع أن يخلق مناخاً من الحيوية يقوم فيه الطالب بالاعتماد على أنفسهم في عملية حل التدريبات الخاصة بمحوى الدرس من خلال العمل المستقل ، واكتشاف أخطاء التعلم من خلال المناقشة ، وهذا يؤدي إلى تخلص الطالب من نطاق التفكير التقليدي ، فتتصدر ذهانهم ، وتتموّل قدراتهم العقلية .

\* إن استراتيجية الإثراء الوسيطي تعتبر التلميذ محور العملية التعليمية ، حيث يقوم بعمل مستقل يكتب من خلاله جوانب التعلم المتضمنة بالدروس ، بالإضافة إلى الثقة بالنفس من خلال قيام المعلم بدوره ك وسيط بين التلميذ والموقف التعليمي وهذا من شأنه زيادة التحصيل لدى الطالب ، وهذا ما لاحظه الباحث أثناء تصحيح أوراق إجابات الطالب في التطبيق البعدى لاختبار التحصيل الهندسى ، حيث كانت إجابة الغالبية منهم صحيحة ، ويدل ذلك على وعيهم بعمليات التفكير اللازمـة لحل التدريبات المتضمنة لموضوع الدرس .

\* توافر الوسائل الإثائية والتدريبات المتضمنة لموضوع الدرس نوع من استثارة تفكير الطالب ، وتعمل على زيادة التفاعل بين الطالب والمعلم باعتباره وسيط أثناء عملية التعلم في مناقشة الأفكار وما يطروحونه من تساؤلات واستفسارات مما يكون له أكبر الأثر في زيادة مستوى تحصيل الطالب للمعلومات الرياضية المتضمنة بالوحدتين المختارتين .

\* يرجع تفوق أداء طلاب المجموعة التجريبية على أداء طلاب المجموعة الضابطة في أن حل التدريبات المتضمنة لموضوع الدرس يكون عن طريق مراحل منسقة ، ووجود الأنشطة التعليمية والتدريبات المختلفة للوسائل الإثائية يؤدي إلى زيادة مستوى تحصيل الطالب لجوانب التعلم .

\* تولد لدى الباحث اعتقاد بأن آلية محاولة لاستخدام استراتيجية الإثراء الوسيطي ضمن المحتوى الدراسي حالياً ، هي محاولة فردية لا يمكن أن تكتمل إلا بجهد الجهات المعينة التي تدعو لذلك من الخبراء والمتخصصين في مجال تعليم الرياضيات ، هذا إن لم تحارب ويتم وأدتها قبل أن نرى إشراقه نور تدعو إلى الاستمرار ، ومن ثم يدعو الباحث لاتخاذ قرار بإدخال مثل تلك الاستراتيجية وأساليب التفكير إلى الصفوف الدراسية .

وبناءً على ما سبق يعرض الباحث عدداً من التوصيات التي قد تقيـد في مجال تعليم وتعلم الرياضيات بصفة عامة ، وفي المرحلة الإعدادية بصفة خاصة كما يقدم بعض المقترنـات ببحوث أخرى يمكن أن تجرى في هذا المجال . وهذا ما سيتناوله الباحث فيما يلي :-  
ثاماً : توصيات الدراسة :

في ضوء ما أسفـرت عنه النتائج السابقة للدراسة يوصي الباحث بما يلي:

**أ - توصيات خاصة بالمعلمين:**

- ١ - توجيه أنظار معلمي الرياضيات إلى استراتيجية الإثراء الوسيطي ، حيث يوجد بها عدد من الوسائل الإثرائية التي يمكن توظيفها بفاعلية داخل محتوى الرياضيات، وذلك من أجل تتميم مهارات التفكير الرياضي من خلال محتوى المادة الدراسية.
- ٢ - ضرورة السماح للطلاب بإظهار أساليبهم الخاصة في التفكير أثناء التعامل مع المهام التي يكلفهم بها المعلم حتى تتوفر فرص أكثر لهم في التعامل مع المهمة الواحدة بأساليب تفكير مختلفة.
- ٣ - السماح لجميع الطلاب بالاشتراك في المناقشة لتبرير إجاباتهم.
- ٤ - على المعلم ألا يعتمد فقط في تدريسه أو تقييمه للطلاب على الأسئلة التقليدية التي تناط مهارات التفكير ولكن عليه أن يدرب طلابه على طرح تساؤلات واستفسارات تتطلب قدرًا من التحليل والكشف عن العلاقات وتقديرها ، وكذلك تدريسيم على التعامل مع الأسئلة التي تتطلب تدخلاً فعلياً منهم بالإضافة بعض الأشياء الجديدة على معطيات السؤال للمساعدة في الوصول للحل بشكل أفضل.
- ٥ - التدرج في تقديم محتوى المادة الدراسية من السهل إلى الصعب، ومراعاة الفروق الفردية بين الطالب وخاصة عند تقديم تدريبات الوسائل الإثرائية مع تشجيعهم على استرجاع المواقف المشابهة التي مرت بهم.
- ٦ - تحليل إجابات الطلاب على بعض التمارين ، بغرض التعرف على نواحي القصور لديهم سواء فيما يتعلق بالمفاهيم أو التعميمات الرياضية أو مهارات التفكير الرياضي ، وذلك للتأكد عليها ومحاولة علاجها في الحصص التالية
- ٧ - تدريب الطالب على اشتقاء أكبر عدد ممكن من الأفكار من معطيات معطاهة، وذلك عن طريق تقديم تدريبات للطلاب دون مطلوب محدد فيها، تمثل هذه التمارين تربط بين ما سبق دراسته وبين الموضوع الجديد.
- ٨ - تدريب الطالب على تحديد الخطأ في برهان ما ، وسببه وكيفية تصحيح الأخطاء المتزتبة على هذا الخطأ لأن ذلك قد يساعد التلميذ على أن يتعلم الرياضيات بنفسه.
- ٩ - تعويد الطالب على أن يطرحوا تساؤلات واستفسارات تساعدهم في حل التدريبات المتضمنة لموضوع الدرس والاستعانة بالمعلم عند الضرورة دون خوف من نقد أو توبیخ، في كل مهارة من مهارات التفكير الرياضي ، مع مساعدتهم على إهمال المحاولات الفاشلة وتجريب غيرها .
- ١٠ أن يساعد المعلم الطالب في التركيز على عمليات التفكير والحل، وليس مجرد القفز إلى النتائج وذلك من خلال الاستعانة من التعلم بالخبرة الوسيطة.

- ١١ أن يختار المعلم الوسائل الإثرائية وفقاً لمستوى أداء الطلاب ، حيث أنه يوجد عدد من الوسائل الإثرائية التي تناسب جميع المستويات التحصيلية.
- ١٢ عقد دورات تدريبية لمعلمي الرياضيات في جميع المراحل التعليمية، بهدف تدريبهم على كيفية استخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي، ودور المعلم أثناء خطوات سير الدرس وفقاً للاستراتيجية.
- ب - توصيات خاصة بالتربويين والباحثين ومتذمّي القرار في مجال تعليم وتعلم الرياضيات .
- ١ - عرض محتوى مادة الرياضيات في صورة وسائل إثرائية تجذب انتباه التلميذ، مع مراعاة أن تكون المادة الرياضية المقدمة منبثقه من واقع التلميذ وببيئته، وتقديمها في صورة أكثر تشويقاً وإقناعاً وأكثر ميلاً لخصائص طلب المرحلة الإعدادية.
- ٢ - تضمين الكتب المدرسية عامة والرياضيات خاصة بالأمثلة والمشكلات غير الروتينية، التي يهدف تدريسها تربية قدرات الطالب على التفكير، ويتطلب حلها قدرًا عالياً من الفهم والوعي.
- ٣ - توجيه اهتمام التربويين والباحثين إلى برامج تعليم التفكير، ومحاولة الاستفادة منها، وذلك بتوظيف استراتيجياتها في تدريس الرياضيات.
- ٤ - الاستفادة من دليل المعلم المعد في هذه الدراسة في مجال تدريس الرياضيات وفقاً لاستراتيجية الإثراء الوسيلي لتنمية مهارات التفكير الرياضي.
- ٥ - الاهتمام بقوائم مهارات التفكير الضرورية لدراسة الرياضيات في مرحلة التعليم الإعدادي وتضمينها في مناهج الرياضيات لتدريب الطالب عليها.
- ٦ - العمل على تطوير النظام المتبوع في اليوم الدراسي، وكذلك زمن الحصة الدراسية بحيث يكفي لتدريب الطالب على استراتيجية الإثراء الوسيلي.

#### تاسعاً: مقتراحات الدراسة:

- في ضوء نتائج الدراسة يمكن التوصية بمزيد من الدراسات والبحوث كما يلي:
- ١ - إجراء دراسة مماثلة للدراسة الحالية في المواد الدراسية الأخرى، وفي فروع أخرى للرياضيات.
- ٢ - إجراء مزيد من الدراسات لبحث فاعلية استراتيجية الإثراء الوسيلي على متغيرات تابعة أخرى مثل: الاتجاه نحو الرياضيات، بقاء أثر التعلم، فلق الرياضيات، حل المشكلات.
- ٣ - إجراء مزيد من الدراسات لبحث أثر التفاعل بين استراتيجية الإثراء الوسيلي، والأساليب المعرفية لكل من الطالب والمعلم على بعض المتغيرات التابعة مثل: التحصيل، الجوانب الوجدانية .
- ٤ - دراسة مقارنة بين استراتيجية الإثراء الوسيلي، واستراتيجيات تدريسية أخرى عن أثر كل منها على تنمية التفكير الرياضي، والجوانب الوجدانية في تدريس الرياضيات.
- ٥ - دراسة العلاقة بين مستوى أداء معلمي الرياضيات في تدريس مهارات التفكير الرياضي باستخدام استراتيجية الإثراء الوسيلي، ومستوى أداء طلابهم لها.

- ٦ - دراسة مقارنة بين أثر استخدام استراتيجية الإثراء الوسيطي في تدريس الرياضيات للطلاب مرتفعي التحصيل -، متوسطي التحصيل ، منخفضي التحصيل.
- ٧ - إجراء مزيد من الدراسات تتناول استخدام استراتيجية الإثراء الوسيطي مع الطالب المتفوقين ذوى صعوبات التعلم بمراحل التعليم المختلفة.
- ٨ - إعداد برنامج مقترن لتدريب الطلاب المعلمين بشعبة الرياضيات بكليات التربية على استخدام استراتيجية الإثراء الوسيطي ، وبحث أثره على تنمية أدائهم لمهارات التفكير الرياضي، وتنمية قدرات التواصل الرياضي لديهم ، وكذلك اتجاهاتهم نحو مهنة التدريس .