



الملخص العربي

تتميز الموائع المغناطيسية بأنها مكونة من جسيمات مغناطيسية متناهية في الصغر (١٠٠ أنجستروم ، أو 10^{-10} سنتيمتر) ، حيث تشكل تلك الجسيمات منظومة مستقرة بواسطة غطاء رقيق سمكه ٢٥ أنجستروم ، بحيث يمنع التصاقها مع بعضها البعض في وجود مجال مغناطيسي . وللموائع المغناطيسية تطبيقات عديدة في مجالات شتى ، حيث أنها تستخدم في المجالات البيولوجية مثل مجال تشخيص الأمراض ومجال التكنولوجيا الحيوية. وتعتبر الموائع المغناطيسية من الموضوعات ذات الاهتمام الأصيل في مجالي الرياضيات والفيزياء، حيث تمتلك العديد من التطبيقات في مجالات العلوم البينية وعرض المعلومات و الطباعة، الفيزياء النووية مثل المفاعلات النووية ، تجارب التحكم النووي و اندماج أشعة الليزر، علم الفلك مثل الاستفادة من الأقمار الصناعية في الملاحة ، الأرصاد الجوية ، واستقرار بواطن الكواكب والأجرام السماوية ، الجيولوجيا مثل استخراج البترول من تحت مياه البحر والاستفادة من المياه الجوفية في استصلاح الأراضي القريبة منها.

تتناول هذه الرسالة دراسة الاستقرار الخطي وغير الخطي لموائع مغناطيسية تحت تأثير مجالات مغناطيسية متنوعة . ويعتبر الهدف الرئيسي لهذه الرسالة هو دراسة حركة الموائع اللزجة و غير اللزجة ، حيث أنه قد تم صياغة معادلات الحركة للنظام وتطبيق الشروط الحدية المناسبة وذلك باستخدام نظرية الاضطرابات غير الخطية وقد استخدمت طريقة التدرج المتضاعف (The multiple scales method) للحصول على شروط الاستقرار.

وتتكون هذه الرسالة من أربعة أبواب :

الباب الأول : يحتوي على مقدمة تاريخية تتضمن عرضاً لأهم الدراسات السابقة لعلم الموائع المغناطيسية وتطبيقاته المختلفة ، وكذلك المعادلات التي تصف حركة الموائع والمجال المغناطيسي والشروط الحدية المناسبة لها . ولقد ناقشنا مفاهيم استقرار الاتزان الهيدروديناميكي ، مع شرح الخطوط العريضة لإحدى طرق نظرية

الاضطراب حيث أُخْتِيرَت طريقة التدرج المتضاعف والتي تستخدم كثيراً في حل المعادلات التفاضلية غير الخطية . ثم قدمنا عرضاً لعدم استقرار نموذج كلفن-هيلمهولتز (Kelvin-Helmholtz) . وفي الفقرة الأخيرة ناقشنا شروط الاستقرار لمعادلة ماثيو التفاضلية (Mathieu's equation) .

الباب الثاني : يتناول دراسة الاستقرار الخطي للموائع المغناطيسية التي تتساب في بعدين في وجود غشاء رقيق فاصل مع انتقال لكل من الكتلة و الحرارة عبر هذا الغشاء ، آخذين في الاعتبار تأثير مجال مغناطيسي مائل ودوري.

ولقد تناولت الدراسة مناقشة تأثير المجال المغناطيسي في حالات عديدة تحليلياً وبيانياً. وقد وجد أن تأثير المجال المائل الثابت يعتمد بقوة على زوايا الميل : فأحياناً يكون له تأثير استقرارى وأحياناً أخرى يكون له تأثير غير استقرارى ، بينما الغشاء الفاصل له تأثير غير استقرارى دائماً. وفي حالة عدم وجود سرعات الانسياب وجد أن انتقال الكتلة والحرارة ليس له أي تأثير.

في حالة المجال المعتمد على الزمن فإن تذبذب المجال محكوم بمعادلة تفاضلية خطية من الرتبة الثانية ذات معاملات متغيرة ومركبة. وفي الحالة الخاصة أمكننا الحصول على معادلة ماثيو التفاضلية والتي نوقشت في وجود انتقال كل من الكتلة والحرارة وسرعات الانسياب واتجاه المجال ، حيث تم تحديد مناطق الاستقرار وعدم الاستقرار.

الباب الثالث : ويتعلق بدراسة تأثير المجال المغناطيسي المائل على الاستقرار الخطي للسطح الفاصل بين مائعين مغناطيسيين لزجين محدودي السمك وغير قابلين للانضغاط ، وينسابان بسرعتين منتظمتين أفقيتين مختلفتين ، مع الأخذ في الاعتبار كلاً من : التوتر السطحي والجاذبية الأرضية ، بالإضافة إلى تأثير اللزوجة المرنة . ونظراً لتعقيد المسألة ، إعتبرنا تأثير اللزوجة واللزوجة المرنة على السطح الفاصل فقط وذلك من خلال الشروط الحدية . ولهذا تم حل معادلات الحركة في غياب اللزوجة واللزوجة المرنة . وباستخدام نظرية الاضطراب حصلنا على علاقة التشتت في صورة