

موجز الرسالة

تتعلق هذه الرسالة بمبادئ القيم العظمى فى المعادلات التفاضلية. هذه المبادئ تزودنا بواحدة من أكثر الوسائل فائدة وقوة فى الدراسة الكمية والكيفية لكل من المعادلات التفاضلية والجزئية. منذ بدايات القرن التاسع عشر استخدمت مبادئ القيم العظمى لحلول المعادلات والمتباينات الناقصية بصورة مكثفه فى الأعمال الرياضيه. خلال العقود الأخيره وحتى الآن فإن الكثير من التعديلات والإضافات قد تمت على هذه المبادئ، تطبيقاً على معادلات أكثر وأكثر مصاحبه لشروط مختلفه على حدود المناطق التى تعتبر فيها هذه المعادلات [انظر المراجع المذكورة فى نهاية الرسالة]. ومن أهم هذه التعديلات والإضافات المبدأ الذى يحمل اسم "مبدأ هوف للقيمة العظمى" والذى ينص على أن المشتقة العمودية الخارجية لحل معادلة ناقصة أو مكافئة تكون موجبة عند نقطة القيمة العظمى الواقعة على الحدود.

الهدف الرئيسى لهذه الرسالة هو إعطاء إستعراض شبه كامل لمبادئ القيم العظمى ومسورها المختلفه للمعادلات التفاضلية المادية والجزئية وبعض تطبيقاتها. كما نعطى بعض الأمثلة التى توضح الأفكار التى نناقشها فى هذا العمل.

تتكون الرسالة من أربعة أبواب:

فى الباب الأول نناقش ونثبت صور مختلفة لمبدأ القيمة العظمى للمعادلات والمتباينات التفاضلية الخطية وبعض تطبيقاتها على المشاكل.

الإبتدائية والحدية . وفى نهاية الباب نتناول بالدراسة حالة المعادلات غير الخطية .

فى الباب الثانى نستعرض ونناقش مبادئ القيم العظمى للمعادلات والمتباينات التفاضلية الجزئية الناقصية وبعض تعميماتها . كما نورد بعض تطبيقاتها على مسألة وحدوية الحلول .

فى الباب الثالث نعتبر حلول المعادلة الناقصية غير الخطية

$$\Delta u + f(u) = 0$$

ونحصل على تقييم لكميات مختلفة مصاحبة لهذه المسألة . نبين أن من الممكن إيجاد دالتين g ; h بحيث أن الدالة

$$P = g(u) \left| \text{grad } u \right|^2 + h(u)$$

تحقق متباينة ناقصية . ومن ثم بتطبيق مبدأ القيمة العظمى نثبت أن هذه الدالة تحصل على قيمتها العظمى إما عند نقطة على الحدود أو عند نقطة حرجة للحل u .

فى الباب الرابع نعطى بعض التطبيقات لمحتويات الأبواب السابقة . نقدم دراسة لمشكلة اللى والنسبة المؤثرة للمفاعلات النووية .